Devoir Surveillé

Exercice 1

On considère la fonction : $f(x) = \frac{-3}{x+3} + \frac{2}{x-2}$.

- a) Ecrire la fonction f sous la forme d'une fraction rationnelle (quotient de deux polynômes).
- b) Etablir le tableau de signes de la fonction f, puis résoudre l'inéquation $f(x) \leq 0$.

Exercice 2 Soit $P(x) = 3x^3 - 4x^2 - 27x + 36$.

- a) Quel est le degré du polynôme P? Quel est le coefficient du terme de degré 2? de degré 1?
- b) Calculer P(3) et en déduire une factorisation du polynôme P.
- c) Déterminer alors toutes les racines du polynôme P.

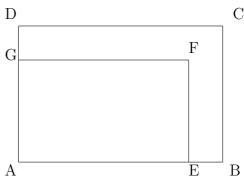
Exercice 3

- 1) Déterminer les solutions de l'équation : $3x^3 7x^2 7x + 3 = 0$ (on pourra remarquer que $\alpha = -1$ est une racine du polynôme).
- 2) On considère la fraction rationnelle $f(x)=\frac{3x^3-7x^2-7x+3}{3x^2-x-2}$. Résoudre l'inéquation $f(x)\geq 0$

Exercice 4

ABCD est un rectangle de côtés AB=24 cm et AD=7 cm. E est un point de [AB] et G un point de [AD] tels que EB=GD=x cm.

F est le point tel que AEFG soit un rectangle.



- a) Exprimer, en fonction de x, l'aire $\mathcal{A}(x)$ du rectangle AEFG.
- b) Comment faut-il choisir x pour que l'aire du rectangle AEFG soit égale à la moitié de l'aire du rectangle ABCD.